



## IES Ramón y cajal, Madrid Primer parcial, Nov 2021

Nombre:

Pregunta	1	2	3	4	5	6	7	Total
Puntos	10	10	10	10	20	20	20	100
Calificación								

**Instrucciones:** Debes contestar de forma ordenada y suficientemente argumentada a las siguientes cuestiones.

Si se pide **demostrar**, debes hacerlo con el mayor formalismo y rigor posible.

Si se pide **justificar** (o similar), basta con que des explicaciones con menos formalismo.

- 1. (10 puntos) Escribe dos sucesiones que tengan por límite 1. Una de ellas debe ser monótona creciente y la otra monótona decreciente.
- 2. (10 puntos) Demuestra que la sucesión de término general  $b_n = \frac{n}{n+1}$  es monótona creciente. Calcula su límite.
- 3. (10 puntos) Demuestra que si una sucesión  $a_n$  tiene por límite un número positivo L>0, entonces existe un cierto término  $a_p$  a partir del cuál, todos los demás términos de la sucesión son positivos.
- 4. (10 puntos) Resuelve la inecuación |2x-3| < 1 y escribe la solución de forma de intervalo.
- 5. Determina el valor de x en las siguientes igualdades:

(a) 
$$(10 \ puntos) \ 2\log x = \log \frac{x}{2} - 1$$

(b) 
$$(10 \ puntos) \ 9^{x-3} = 3^{3x+1}$$

- 6.  $(20 \ puntos)$  Determina el valor del número complejo  $(2-i)^3$  y escríbelo en forma polar y trigonométrica. Representa el número obtenido en el plano complejo.
- 7. Observa la Figura 1. En ella, hemos partido de un triángulo cualquiera. En el primer paso, marcamos los puntos medios de cada lado y suprimimos el triángulo central resultante. Obtenemos así una segunda figura. Volvemos a hacer lo mismo con cada uno de los triángulos pequeños que la componen, y así sucesivamente. Se pide:

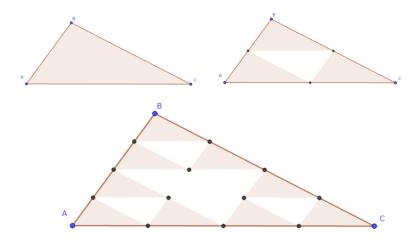


Figura 1: Construcción reiterativa a partir de un triángulo.

- (a) (10 puntos) Suponiendo que el área del primer triángulo mide  $T_1$ , determina el área de la segunda figura. De la tercera, y el término general la sucesión de áreas de las figuras así obtenidas. ¿Cuál es el límite de esa sucesión? ¿Por qué?
- (b)  $(10 \ puntos)$  La sucesión de perímetros de la figura anterior viene dada por  $P_n = \left(\frac{3}{2}\right)^{n-1} P_1$ , siendo  $P_1$  el perímetro del primer triángulo. Determina el perímetro limite. Si  $P_1 = 3$ , encuentra a partir de qué término el perímetro vale más de 1000.