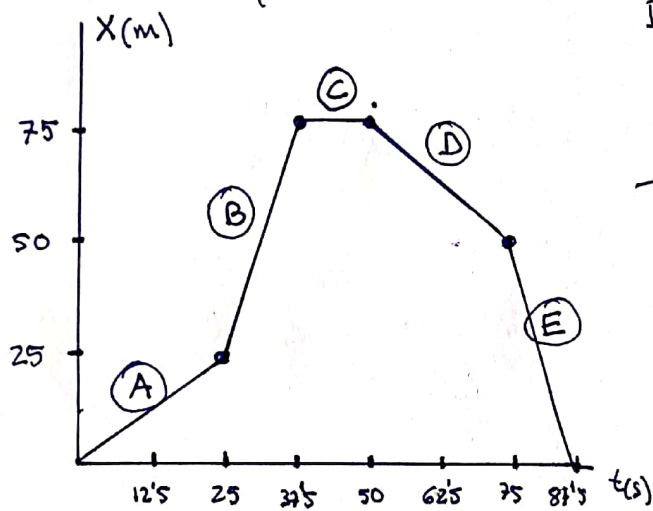


SOLUCIONES EJERCICIOS TEMA 7: PARTE 1

1 a) Tiene un tipo de movimiento MRU (Movimiento rectilíneo uniforme). Hay varios tramos, va a ir a diferente velocidad en cada tramo.



Descripción: la persona sale del origen y avanza 25 m en 25 s en el tramo A. Después en el tramo

B avanza 50 m en 12,5 s (desde el segundo 25 hasta el 37,5 s). En el tramo C, la

persona está parada a 75 m del origen durante 12,5 s.

En el tramo D retrocede 25 m en 25 s, y finalmente en el tramo E, la persona retrocede hasta llegar a la posición inicial en 12,5 s.

b) Desplazamiento: $\Delta x = x_f - x_0 = 0 - 0 = 0$

Posición inicial $\Rightarrow x_0 = 0$

Posición final $\Rightarrow x_f = 0$

El espacio recorrido son todos los metros que

recorre:

TRAMO A: 25 m

TRAMO B: 50 m

TRAMO C: 0

TRAMO D: 25 m

TRAMO E: 50 m

Espacio total $\Rightarrow S = 25 + 50 + 25 + 50 = 150$ m recorre

c) Velocidad en cada tramo $\rightarrow x = x_0 + v t$

$$\Rightarrow v = \frac{x - x_0}{t}$$

TRAMO A : $x_0 = 0$
 $x_f = 25 \text{ m}$
 $t = 25 \text{ s}$ } $v_A = \frac{25 - 0}{25} = 1 \text{ m/s}$

TRAMO B : $x_0 = 25 \text{ m}$
 $x_f = 75 \text{ m}$
 $t = 12.5 \text{ s}$ } $v_B = \frac{75 - 25}{12.5} = 4 \text{ m/s}$

TRAMO C : $x_0 = 75 \text{ m}$
 $x_f = 75 \text{ m}$
 $t = 12.5 \text{ s}$ } $v_C = \frac{75 - 75}{12.5} = 0$ (Esta parada)

TRAMO D : $x_0 = 75 \text{ m}$
 $x_f = 50 \text{ m}$
 $t = 25 \text{ s}$ } $v_D = \frac{50 - 75}{25} = -1 \text{ m/s}$

El signo \ominus indica que retrocede

TRAMO E : $x_0 = 50 \text{ m}$
 $x_f = 0$
 $t = 12.5 \text{ s}$ } $v_E = \frac{0 - 50}{12.5} = -4 \text{ m/s}$

El signo \ominus indica que retrocede

② Es un tipo de movimiento rectilíneo uniformemente acelerado (MRUA), va variando la velocidad.

Descripción: El coche está parado ($v_0 = 0$), arranca y aumenta su velocidad hasta 30 m/s en 15 s (TRAMO A). En el TRAMO B, el coche mantiene

su velocidad constante a 30 m/s durante 5 s.
 En el tramo C, el coche vuelve a aumentar su velocidad de 30 hasta 60 m/s en 10 s, y finalmente en el tramo D, el coche frena, va disminuyendo su velocidad durante 10 s hasta que se para.

$$\rightarrow \boxed{v = v_0 + at} \rightarrow \boxed{a = \frac{v - v_0}{t}}$$

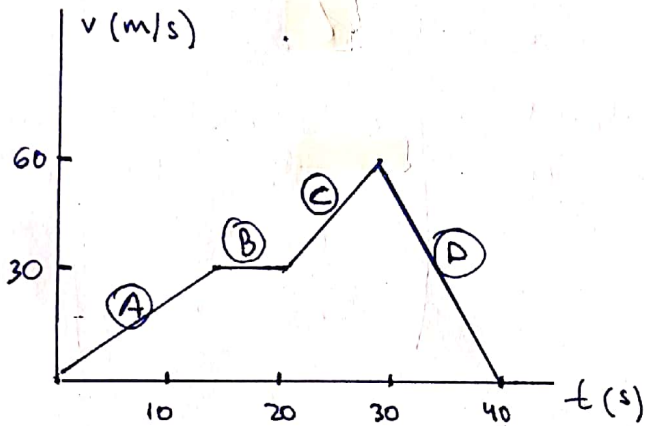
TRAMO A:

$$\left. \begin{array}{l} v_0 = 0 \\ v_f = 30 \text{ m/s} \\ t = 15 \text{ s} \end{array} \right\} a = \frac{30 - 0}{15} = \boxed{2 \text{ m/s}^2}$$

TRAMO B:

$$\left. \begin{array}{l} v_0 = 30 \text{ m/s} \\ v_f = 30 \text{ m/s} \\ t = 5 \text{ s} \end{array} \right\} a = \frac{30 - 30}{5} = \boxed{0}$$

↓
Su velocidad es constante



TRAMO C:

$$\left. \begin{array}{l} v_0 = 30 \text{ m/s} \\ v_f = 60 \text{ m/s} \\ t = 10 \text{ s} \end{array} \right\} a = \frac{60 - 30}{10} = \boxed{3 \text{ m/s}^2}$$

TRAMO D:

$$\left. \begin{array}{l} v_0 = 60 \text{ m/s} \\ v_f = 0 \\ t = 10 \text{ s} \end{array} \right\} a = \frac{0 - 60}{10} = \boxed{-6 \text{ m/s}^2}$$

→ El signo \ominus indica que está frenando.

③ AVION: $v = 2500 \frac{\text{km}}{\text{h}} \cdot \frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} \cdot \frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}} = \frac{2500 \cdot 1000}{3600} = \boxed{694.44 \text{ m/s}}$

SONIDO: $v = \boxed{340 \text{ m/s}}$

El avión es más rápido
AVION SUPERSONICO

④

DATOS

$$v = 300000 \frac{\text{km}}{\text{s}} \cdot \frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} = 300000000 \text{ m/s} = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$

$$X = 150000000 \text{ km} = 1,5 \cdot 10^8 \text{ km} = 1,5 \cdot 10^{11} \text{ m}$$

$x_0 = 0$ (la posición inicial) ¿tiempo?

MRU $\rightarrow X = x_0 + vt \rightarrow$ Sustituimos

$$\rightarrow 1,5 \cdot 10^{11} = 0 + 3 \cdot 10^8 \cdot t$$

Despejamos t $\rightarrow t = \frac{1,5 \cdot 10^{11}}{3 \cdot 10^8} =$

500 s tarda la luz en llegar del Sol a la Tierra (son 8,3 minutos)

⑤

DATOS

$v = 340 \text{ m/s}$

$x_0 = 0$ (la posición inicial de donde sale el disparo)

$x_f = 2 \text{ km} = 2000 \text{ m}$ (donde tiene que llegar el sonido)

t ??

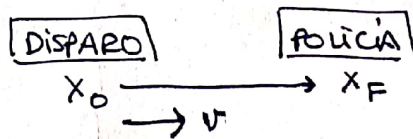
MRU $\rightarrow X = x_0 + vt$

$$2000 = 0 + 340 \cdot t$$

Despejamos t:

$$t = \frac{2000}{340} = \underline{5,88 \text{ s}}$$

tarda en oírlo



⑥

DATOS

$x_0 = 42 \text{ km} = 42000 \text{ m} \Rightarrow$ HORA: 12 h 45 min

$x_f = 53'4 \text{ km} = 53400 \text{ m} \Rightarrow$ HORA: 13 h 10 min

$t = 25 \text{ min} = \underline{1500 \text{ s}}$

v ??

MRU $\rightarrow X = x_0 + vt$

$$53400 = 42000 + v \cdot 1500$$

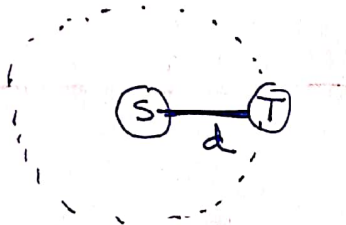
Despejamos v:

$$v = \frac{53400 - 42000}{1500} = \underline{7,6 \text{ m/s}}$$

7) Es una trayectoria circular (aunque realmente es un poco elíptica).

$$d = 1,5 \cdot 10^{11} \text{ m}$$

$$t = 1 \text{ año} \cdot \frac{365 \text{ días}}{1 \text{ año}} \cdot \frac{24 \text{ h}}{1 \text{ día}} \cdot \frac{3600 \text{ s}}{1 \text{ h}} = 3,15 \cdot 10^7 \text{ s}$$



El espacio que recorre la Tierra es la longitud de la circunferencia que describe, la longitud de una circunferencia: $l = 2\pi r$

$$\Rightarrow l = 2\pi \cdot 1,5 \cdot 10^{11} = \underline{9,42 \cdot 10^{11} \text{ m}} \rightarrow \text{Recorre la Tierra en 1 año}$$

El desplazamiento: $\Delta x = x_f - x_0 = \underline{0}$

En una vueltas completa, sale y llega al mismo sitio!

$$\text{sitio} \Rightarrow \underline{x_f = x_0} \Rightarrow \Delta x = x_f - x_0 = \underline{0}$$

8)

a) LUISA SALE DE SU CASA Y VUELVE A SU CASA

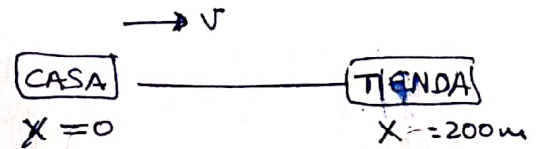
$$\left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \begin{array}{l} x_0 = x_f \rightarrow \text{Desplazamiento} = 0 \\ \text{Desplazamiento} = x_f - x_0 = \underline{0} \end{array}$$

Son iguales

b) Espacio que recorre?

$$\Rightarrow \text{Recorre } \underline{200 \text{ m al ir y } 200 \text{ m al volver}} \Rightarrow \underline{S_{\text{TOTAL}} = 200 + 200 = 400 \text{ m}}$$

c) tiempo en total ??



IDA → DATOS

$$\left. \begin{array}{l} x_0 = 0 \text{ (CASA)} \\ x_f = 200 \text{ m (tienda)} \\ v = 2 \text{ m/s} \end{array} \right\} \text{MRU} \rightarrow x = x_0 + vt$$

Sustituimos los valores: $200 = 0 + 2 \cdot t$

Despejamos $t \rightarrow t = \frac{200}{2} = \underline{100 \text{ s tarda en ir}}$

TIENDA → Sabemos el tiempo que está allí. $t = 2 \text{ min} = \underline{120 \text{ s}}$ está en la tienda

VUELTA DATOS

$$\left. \begin{array}{l} x_0 = 200 \text{ m (tienda)} \\ x_f = 0 \text{ (casa)} \\ v = -4 \text{ m/s} \end{array} \right\}$$

↓
la velocidad tiene signo \ominus porque va en sentido opuesto

MRU → $x = x_0 + vt \rightarrow$ Sustituimos

$$0 = 200 + (-4)t$$

Despejamos $t \rightarrow -200 = -4t$

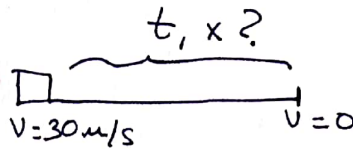
$$t = \frac{-200}{-4} = \underline{50 \text{ s tarda en volver}}$$

tiempo total: $100 + 120 + 50 = \underline{270 \text{ s}}$

9

DATOS

$$a = -4 \text{ m/s}^2$$



$$v_0 = 108 \frac{\text{km}}{\text{h}} \cdot \frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}} \cdot \frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} = \frac{108 \cdot 1000}{3600} = 30 \text{ m/s}$$

$v_f = 0 \rightarrow$ Nos dice que tiene que parar

$t ?$

$x ? \rightarrow$ El espacio \Rightarrow La posición final $x_0 = 0$ (ORIGEN)

Ecuaciones MRUA \rightarrow La velocidad cambia

$$\textcircled{1} v = v_0 + at$$

$$\textcircled{2} v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

$$\textcircled{3} x = x_0 + v_0 \cdot t + \frac{1}{2} at^2$$

$t ?$ Para calcular el tiempo con los datos que tenemos:

Ecuación $\textcircled{1} \rightarrow v = v_0 + at \rightarrow$ Sustituimos

$$0 = 30 + (-4) \cdot t$$

$$\text{Despejamos } t \rightarrow -30 = -4t \rightarrow t = \frac{-30}{-4} = \underline{7,5 \text{ s}}$$

en pararse

$x ?$ Para calcular la posición, con los datos que tenemos

La ecuación $\textcircled{3} \Rightarrow x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} at^2$

$$\rightarrow \text{Sustituimos} \rightarrow x = 0 + 30 \cdot 7,5 + \frac{1}{2} (-4) \cdot (7,5)^2 =$$

$$= \underline{112,5 \text{ m}} \rightarrow \text{Es la posición cuando se para, por lo tanto lo que recorre.}$$

10

DATOS

$v_0 = 0$ (parte del reposo)

$$v_f = 360 \frac{\text{km}}{\text{h}} \cdot \frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}} \cdot \frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} = 100 \text{ m/s}$$

$$t = 25 \text{ s}$$

a) a ? MRUA → Va cambiando la velocidad.

Ecuaciones

$$\textcircled{1} v = v_0 + at$$

$$\textcircled{2} v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

$$\textcircled{3} x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} at^2$$

Con los datos que nos dan para calcular la aceleración

$$\textcircled{1} v = v_0 + at \rightarrow \text{Sustituimos}$$

$$100 = 0 + a \cdot 25$$

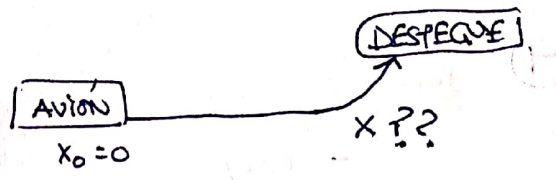
$$\text{Despejamos } a \rightarrow a = \frac{100}{25} = \underline{4 \text{ m/s}^2} \rightarrow \text{Es la aceleración}$$

b) La longitud mínima es la posición justo cuando despegamos

Cogemos la ecuación $\textcircled{3} x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} at^2$

$$\Rightarrow x = 0 + 0 \cdot 25 + \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 25^2 = 0 + 1250 = \underline{1250 \text{ m}}$$

↓
Es la longitud mínima de la pista



⑪ DATOS:

$$v_0 = 0 \text{ km/h} = 0 \text{ m/s}$$

$$v_f = \frac{100 \text{ km}}{\text{h}} \cdot \frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} \cdot \frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}} = \underline{27'78 \text{ m/s}}$$

$$t = 3,5 \text{ s}$$

a) Aceleración ??

MRUA → Su velocidad varía

Ecuaciones

$$① \quad v = v_0 + at$$

$$② \quad v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

$$③ \quad x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} at^2$$

→ Con estos datos, elegimos la ecuación ①

$$v = v_0 + at$$

$$27'78 = 0 + a \cdot 3,5$$

Despejamos a:

$$a = \frac{27'78}{3,5} = \underline{7'93 \text{ m/s}^2}$$

Aceleración del guepardo

b) $t = 1 \text{ min} = 60 \text{ s}$

$$x_f ?$$

$$x_0 = 0$$

$$v_0 = 0$$

→ Con estos datos, elegimos la ecuación ③

$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} at^2 \rightarrow \text{Sustituimos}$$

$$x = 0 + 0 \cdot 60 + \frac{1}{2} \cdot 7'93 \cdot 60^2 = \underline{14274 \text{ m}}$$

recorrería en
1 min

⑫ DATOS

$$v_0 = 120 \frac{\text{km}}{\text{h}} \cdot \frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} \cdot \frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}} = 33'3 \text{ m/s}$$

$$v_f = 0 \quad (\& \text{ tiene que parar})$$

$$t = 4 \text{ s} \quad x ??$$

MRUA → Varía su velocidad

Ecuaciones

$$\textcircled{1} v = v_0 + at$$

$$\textcircled{2} v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

$$\textcircled{3} x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} at^2$$

→ Cogemos $\textcircled{3}$

$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} at^2$$

Pero nos damos cuenta que no tenemos la aceleración, podemos

calcularla con $\textcircled{1}$

$$v = v_0 + at \rightarrow 0 = 33'3 + a \cdot 4 \rightarrow \text{Despejamos } a$$

$$-33'3 = a \cdot 4 \rightarrow a = \frac{-33'3}{4} = \boxed{-8'32 \text{ m/s}^2}$$

↓
Aceleración de frenado.

Ahora calculamos x (posición):

$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} at^2 = 0 + 33'3 \cdot 4 + \frac{1}{2} (-8,32) \cdot 4^2 =$$
$$= 133'2 - 66'56 = \boxed{66,64 \text{ m recorre}} \rightarrow \text{Hasta parar.}$$